

**תחרות בראיה:
פעילות בסביבה משחקית מקוונת והישגים במתמטיקה
(מאמר קצר)**

בן לוי
אוניברסיטת בן-גוריון בנגב
levybeny@post.bgu.ac.il

ארנון הרשקוביץ
אוניברסיטת תל אביב
aronhe@tauex.tau.ac.il

מיכל טבח
אוניברסיטת תל אביב
anatco@tauex.tau.ac.il

ענת כהן
אוניברסיטת תל אביב
anatco@tauex.tau.ac.il

**Healthy Competition:
Activity in Online Gaming Environment
and Mathematics Achievements
(Short Paper)**

Arnon Hershkovitz
Tel Aviv University
aronhe@tauex.tau.ac.il

Ben Levy
Ben-Gurion University of the Negev
levybeny@post.bgu.ac.il

Anat Cohen
Tel Aviv University
anatco@tauex.tau.ac.il

Michal Tabach
Tel Aviv University
anatco@tauex.tau.ac.il

Abstract

This study examines the associations between using an online learning environment in mathematics (Matific) and mathematics achievements. The research is unique in relying on objective measurements – activity on the website and Meitzav (Israel's national standardized test) scores. We report on a positive association between online activity during the Israeli Mathematics Tournament and Meitzav scores, and discuss the possibility of causation. Furthermore, this finding indicates on a transfer between low – and high – mathematics thinking skills.

Keywords: Mathematics education, online learning environments, gaming applets, log analysis.

תקציר

מחקר זה בוחן את הקשרים בין שימוש בסביבה מקוונת ללימוד מתמטיקה ("עشر אצבעות") לבין רמת הידע המתמטי, בקרב תלמידים בבית הספר הייסודי. ייחודה בכך שהוא מבוסס על נתונים אובייקטיביים – נתוני פעילות באתרழח' ונתוני מיצ'ב מאידך. אנו מוצאים קשר חיובי בין פעילות באתר במהלך אליפות המשחקים המתמטיים, ודנים באפשרות כי קשר זה הינו

נסיבתי. נמצא זה מעיד על כך שפעולות ברמת חשיבה נמוכה משפרת הישגים הקשורים לרמת חשיבה גבוהה.

מילות מפתח: הוראת מתמטיקה, סיבות למידה מקוונת, יישומונים משחקיים, ניתוח נתונים.

שימוש בסביבות ממוחשבות משחקיים מגדמת את הלמידה ומעלה את רמת העניין והמודעות של הלומדים (Wouters & van Oostendorp, 2013). סיבות אלו תורמות גם לרכישה של מיומנויות חישוביות ולפיתוח תהליכי חשיבה מורכבים (Hui, 2009).

מחקרים השוואתיים בינלאומיים מראים כי השקעה בטכנולוגיה מסייעת בשיפור הישגים – בפרט, במתמטיקה – אך לא יתרון מובהק להשקעה גדולה מאוד (OECD, 2015). אחד ההסברים לכך הוא שהשימוש במחשבים בכיתות הלימוד נמוכה יחסית. אחת הסיבות המרכזיות לכך היא גישתם של מורים כלפי מחשבים (Tondeur, van Braak, Ertmer, & Ottenbreit-Leftwich, 2017). לכן, לא מפתיע שכאשר כבר נעשה שימוש במחשבים בהוראת המתמטיקה, הוא מבוסס בעיקר על סיבות למידה בהן התלמיד פועל על פי רצף מוכתב מראש, ללא צורך אינהרנטי בלבדי, ממש כמו בספר הלימוד. לכן, עולה בтир שאות השאלה בדבר תרומתן של סיבות למידה מסווג זה ללמידה המתמטית. חידושו העיקרי של המחקר הנוכחי הוא בהיווטו מבוסס על נתוני אמפיריים אובייקטיביים, הן בהתייחס לשימוש באתר (נתוני מוקבצי היומן של המערכת) והן בהתייחס להישגים במתמטיקה (נתוני מצ"ב).

מתודולוגיה

שאלת המחקר: מהם הקשרים בין שימוש בסביבה מקוונת ללמידה מתמטיקה לבין רמת הידע המתמטי, בקרב תלמידים בבית הספר היסודי?

שדה המחקר

אתר "עشر אצבעות" (<http://www.matific.com>) הינו סביבה מקוונת ללמידה מתמטיקה, המכילה מאות יישומונים משחקיים בכל תחומי הלימוד במתמטיקה בבית הספר היסודי (דוגמה באירור 1). במהלך הפעולות במערכת, התלמידים אוספים "כוכבים", המציגים את הישגיהם. הנתונים ששימושו למחקר זה מתיחסים לשתי תקופות זמן:

1. **שימוש שוטף במהלך השנה** (על פי החלטת המורה).
2. **שימוש במהלך אליפות מתמטיות** (פברואר-מרץ 2017). אנו מתמקדים בשלב התחרויות (12.2-14.3), במהלךו שיחקו כל המשתתפים בסביבה ייעודית שכלה את כל חומר הלימוד השנתי.



איור 1. צילום מסך מתוך היישומון "המכולת של גוגופלצת" (כיתה ה', חיבור שברים עשרוניים, רמה א')

אוכלוסיות המחקר

במחקר נכללו 805 בתים ספר מוחבי ישראל, אשר פעלו באתר "עشر אצבעות" במהלך שנת הלימודים תשע"ז. מתוךם, 77 מהווים מידע מלא של בתים הספר שהשתתפו בשלב התחרויות של האליפות למשחקי המתמטיקה. המידע המנותח מתיחס לתלמידי שכבת ה' בלבד.

מהלך הממחקר

המחקר נערך בשני שלבים :

1. בחינת הקשרים בין פעילות באתר ובין נתוני מיצ"ב, תוך שימוש בנתוני הפעולות המלאים של בתי הספר. נתוני המיצ"ב לשלב זה (מתמטיקה, אנגלית וספר-אם) נאספו באמצעות אתר "מיצ"ב בראשת" (http://meyda.education.gov.il/rama-mbareshet). נמצאו נתונים מיצ"ב ל – 235 בתי ספר (29%).
2. בחינת הקשרים הללו תוך תחבירם לרקע כלכלי-חברתי, תוך שימוש בחדר הממחקר הווירטואלי של משרד החינוך. בתי הספר חולקו על פי החציון של מידת הפעולות שלהם. נמצאו נתונים מיצ"ב ל-241 בתי ספר (30%). כמו כן, נאספו נתונים ממדד טיפוח ומיגזר.

משתני הממחקר

פעילות באתר

מספר הכוכבים נבחר כמדד מסויל לפעולות ולהצלחה. עבור כל בית ספר, חישבנו **בשלב הראשון**:

- **מספר הכוכבים השני** ($N=235$, $M=90.7$, $SD=76.2$) – מספר הכוכבים הכלול, מחולק במספר התלמידים שהשתמשו במערכת.
 - **מספר הכוכבים בתחרות** ($N=235$, $M=162.9$, $SD=150.7$) – מספר הכוכבים במהלך שלב התחרות במסגרת האליפות, מחולק במספר התלמידים שהשתמשו במערכת.
- בשלב השני**, חישבנו:
- **היקף הכוכבים השני** [**נמוך/גבוה**].
 - **היקף הכוכבים בתחרות** [**נמוך/גבוה**].

הישגים

כל בית ספר – ציון מיצ"ב תשע"ז במתמטיקה, אנגלית וספר-אם (עברית/ערבית) (3 משתנים)

משתני רקע

בשלב השני מדנו:

- **מיגזר** [**יהודי/לא יהודי**]
- **מדד טיפוח** – מבוסס על מדד שטריאוס.

מצאים

נתוני מיצ"ב

נתוני המיצ"ב במקצועות השונים מתואימים האחד עם השני חיובית, במידה גובה ומובהקה ($N=239$, $r=0.001$ $p<0.001$):

- בין מתמטיקה ואנגלית, $r=0.64$
- בין מתמטיקה וספר-אם, $r=0.48$
- בין אנגלית וספר-אם, $r=0.52$

הקשר בין נתוני הפעולות באתר להישגים במיצ"ב

בשל התפלגות "הזנב הארץ" של משתני הפעולות, השתמש ספירמן לבחינת מתואמים המערבים משתנים אלו.

מן הנתונים עולה **מיთא מסויימי מובהק בין מספר הכוכבים השני לבין ההישגים במיצ"ב מתמטיקה** ($N=235$, $r=0.16$, $p<0.05$) **ובמיצ"ב שפה** ($N=20$, $r=0.19$, $p<0.01$). לא נמצא מתואם מובהק בין מספר הכוכבים השני לבין ההישגים במיצ"ב אנגלית ($N=229$, $r=0.11$, $p<0.09$). במרקורים אלו,

עוד עולה **מיთא מסויימי מובהק בין מספר הכוכבים בתחרות להישגים במיצ"ב מתמטיקה** ($N=229$, $r=0.16$, $p<0.05$) **ובמיצ"ב שפה** ($N=20$, $r=0.20$, $p<0.01$). לא נמצא מתואם מובהק בין מספר כוכבים באלייפות לבין ההישגים במיצ"ב אנגלית ($N=229$, $r=0.07$, $p<0.31$).

התוצאות למשתני הרקע

מן הנתונים עולה כי ממוצע הישgi המיצ"ב בכל המקצועות בקבוצת בתי הספר בעלי הרבה כוכבים שנתיים גבוה באופן מובהק ומשמעותי מן הממוצע בקבוצת בתי הספר בעלי מעט כוכבים שנתיים. גודלי האפקט הינם קטנים-בינוניים ונעים בין 0.26-0.35. הממצאים מסוכמים בטבלה 1.

עוד עולה מן הנתונים כי רק ממוצע הישgi המיצ"ב מתמטיקת בקבוצת בתי הספר בעלי הרבה כוכבים בתחרות שונה (גובה) באופן מובהק ומשמעותי מן הממוצע בקבוצת בתי הספר בעלי מעט כוכבים בתחרות. גודל האפקט במקרה זה הוא 0.29. הממצאים מסוכמים בטבלה 2.

טבלה 1. הישgi המיצ"ב על פי פעילות באתר (רקע אפור מצין הבדל מובהק)

| גודל אפקט (Cohen's d) | t(df) | ממוצע (ס.ת.) בקבוצת בתי הספר עם [הרבה/מעט] כוכבים שנתיים | | מיצ"ב |
|--------------------------|------------------------------------|----------------------------------------------------------|----------------|----------------------|
| | | הרבה (N=100) | מעט (N=139) | |
| 0.26 | 2.1 (236.9) ² p<0.05 | 578.2 (29.2) | 569.4 (36.9) | מתמטיקת ¹ |
| 0.27 | 2.1 (237) p<0.05 | 548.5 (42.4) | 536.3 (46.8) | אנגלית |
| 0.35 | 2.7 (237) p<0.05 | 560.8 (39.4) | 548.1 (33.1) | שפה |

¹ N=140 בקבוצת ה"מעט", N=101 בקבוצת ה"הרבה"; ² מבחן לוין להשוואת שונות ישא מובהק

טבלה 2. הישgi המיצ"ב על פי פעילות באתר במהלך התחרות (רקע אפור מצין הבדל מובהק)

| גודל אפקט (Cohen's d) | t(df) | ממוצע (ס.ת.) בקבוצת בתי הספר עם [הרבה/מעט] כוכבים בתחרות | | מיצ"ב |
|--------------------------|------------------------------------|----------------------------------------------------------|----------------|----------------------|
| | | הרבה (N=108) | מעט (N=131) | |
| 0.29 | 2.2 (239) p<0.05 | 578.4 (30.9) | 568.7 (36.0) | מתמטיקת ¹ |
| - | 1.5 (237.0) ² p=0.12 | 546.2 (40.0) | 537.4 (49.0) | אנגלית |
| - | 1.7 (237) p=0.11 | 557.7 (39.7) | 549.9 (33.0) | שפה |

¹ N=132 בקבוצת ה"מעט", N=109 בקבוצת ה"הרבה"; ² מבחן לוין להשוואת שונות ישא מובהק

לבוחנת השפעתם של משתני הפעולות ומשתני הרקע, אנו בונים מודל רגרסיה ליניארית בעבר כל אחד מנתוני המיצ"ב בנפרד. רק במודל בעבר ההישגים במיצ"ב מתמטיקת, נכנס משתנה **פעולות – הכוכבים בתחרות – עם אפקט ראשי מובהק וחיוובי**. תיאור המודלים מסוכם בטבלה 3.

טבלה 3. תיאור המודלים (רגסיה ליניארית), N=239 (רקע אפור מצין מקדם/מודל מובהק)

| מקדים מתוקנים במודל (B) בעבר ציוני מיצ"ב | | | משתנה |
|------------------------------------------|------------------|------------------|-----------------------------------|
| שפה | אנגלית | מתמטיקה | |
| 0.87 p<0.001 | 0.28 p<0.001 | 0.20 p<0.01 | מייג'ר¹ |
| -0.38 p<0.001 | -0.33 p<0.001 | -0.49 p<0.001 | |
| -0.004 p=0.95 | 0.04 p=0.46 | -0.02 p=0.76 | כוכבים השנתיים² |
| 0.07 p=0.19 | 0.06 p=0.44 | 0.15 p<0.05 | |
| 86.4 p<0.001 | 7.34 p<0.001 | 15.1 p<0.001 | F |
| 0.60 | 0.11 | 0.21 | R² |

¹ – מגור יהודי, 2 – מגור לא יהודי; ² – מעטכוכבים (מתחת לחציון), 2 – הרבהכוכבים (מעל לחציון)

דיון

מחקר זה בוחן, באופן ייחודי, את הקשרים שבין פעילות באתר ללימוד מתמטיקה ("עشر אצבעות") לבין הישגים במתמטיקה במיצ"ב, בקרב תלמידי כיתה ה' בתיכון ספר ברוחבי ישראל. הממצא העיקרי הוא קשר חיובי בין פעילות באתר במהלך האליפות במשחקי המתמטיקה לבין הישגים במיצ"ב מתמטיקה, גם כאשר שלוטים במדדים חברתיים-כלכליים.

האם שימוש ביישומים מתמטיים משפר את ציוני מיצ"ב מתמטיקה, או שבתי הספר ה"חזקים" במתמטיקה הם אלו אשר עושים שימוש נרחב במערכות? כדי להפריך את הפרשנות השנית, נשימים לב כי: נתוני המיצ"ב במתמטיקה, שפה ואנגלית מותואמים חיובית אלו עם אלו; נתוני הפעילות באתר מותואמים חיובית עם הישגים במתמטיקה ובשפת-אנס (Grimm, 2008; Monroe, 1996; Sarama, Lange, Clements, & Wolfe, 2012), ולא מותואמים עם הישגים באנגלית; וכי רק בעבר הצינויים במתמטיקה מצאו מודל מובהק שלחן בחשבונו גם את נתוני הפעולות. אלו ייחדיו **עשויים להעיד על קשר נסיבתי: פעילות באתר ← הישגים**.

הפעולות שנמצאה אפקטיבית היא רק זו שהתרחשאה **במסגרת אליפות המתמטיקה**. אנו מציעים שני הסברים לכך. ראשית, **האליפות כללת כל חומר הלימוד**, כך שתלמידים שהתאמזו והשיגוכוכבים רבים – נחשפו לתכנים רבים יותר. שנית, **הפעולות במהלך האליפות מלאות במוטיבציה גבוהה וברגשות עזים**, אשר תורמים ללמידה (Murayama, Pekrun, Lichtenfeld, & vom Hofe, 2013; Pekrun, Lichtenfeld, Marsh, Murayama, & Goetz, 2017). (Murayama, & Goetz, 2017).

אנו מוצאים גם כי **השעות זמן משמעותי בתרגול ברמות החשיבה הנמוכות עשויה** לקדם רמות חשיבה גבוהות. ייתכן כי הדבר נובע מן העזרה במהלך הפעולות המקוונות (Xie & Bradshaw, 2008), או מהשימוש בחוזיות והנפשות (Rajan et al., 2015). ייתכן כי התרגול ברמות החשיבה הנמוכות משליל את המרכיב האלגוריתמי, והדבר מסייע במעטה לשאלות הדורשות רמת חשיבה גבוהה יותר שעדיין מכילות מרכיב ראשוני אלגוריתמי.

תודות

מחקר זה נתמך בנדיבות על ידי לשכת המדע הראשי של משרד החינוך, במסגרת פרויקט "שימוש ביישומים מתמטיים ברכץ ההוראה (חוקרים ראשיים: פרופ' מיכל טבח, פרופ' קובי גל, ד"ר ענת כהן, ד"ר ארנון הרشكוביץ), ואני מודים על כך מאוד.

מקורות

- Grimm, K. J. (2008). Longitudinal associations between reading and mathematics achievement. *Developmental Neuropsychology*, 33(3), 410–426. <https://doi.org/10.1080/87565640801982486>
- Hui, C. S. (2009). Learning mathematics through computer games. In *Proceedings of 14th Annual Asian Technology Conference in Mathematics*.
- Monroe, E. (1996). Language and mathematics: A natural connection for achieving literacy. *Reading Horizons*, 36(5), 368–379.
- Murayama, K., Pekrun, R., Lichtenfeld, S., & vom Hofe, R. (2013). Predicting long-term growth in students' mathematics achievement: The unique contributions of motivation and cognitive strategies. *Child Development*, 84(4), 1475–1490. <https://doi.org/10.1111/cdev.12036>
- OECD. (2015). *Students, computers and learning: Making the connection*. Paris, France. <https://doi.org/10.1787/9789264239555-en>
- Pekrun, R., Lichtenfeld, S., Marsh, H. W., Murayama, K., & Goetz, T. (2017). Achievement emotions and academic performance: Longitudinal models of reciprocal effects. *Child Development*, 88(5), 1653–1670. <https://doi.org/10.1111/cdev.12704>
- Rajan, P., Raju, P. K., Sankar, C., Alur, R., Sankar, C. S., & Ramachandraiah, A. (2015). Use of multimedia case studies for teaching acoustics. *Journal of Engineering and Architecture*, 3(2), 2334–2994. <https://doi.org/10.15640/jea.v3n2a19>
- Sarama, J., Lange, A. A., Clements, D. H., & Wolfe, C. B. (2012). The impacts of an early mathematics curriculum on oral language and literacy. *Early Childhood Research Quarterly*, 27(3), 489–502. <https://doi.org/10.1016/J.ECRESQ.2011.12.002>
- Tondeur, J., van Braak, J., Ertmer, P. A., & Ottenbreit-Leftwich, A. (2017). Understanding the relationship between teachers' pedagogical beliefs and technology use in education: a systematic review of qualitative evidence. *Educational Technology Research and Development*, 65(3), 555–575. <https://doi.org/10.1007/s11423-016-9481-2>
- Wouters, P., & van Oostendorp, H. (2013). A meta-analytic review of the role of instructional support in game-based learning. *Computers & Education*, 60(1), 412–425. <https://doi.org/10.1016/J.COMPEDU.2012.07.018>
- Xie, K., & Bradshaw, A. C. (2008). Using question prompts to support ill-structured problem solving in online peer collaborations. *International Journal of Technology in Teaching and Learning*, 4(2) 148–165.